

### Esercizio 1

Si consideri un cifrario di Vigenère con lunghezza della chiave uguale a 5 e chiavi equiprobabili ( $p_K(k) = \frac{1}{|\mathcal{K}|}$ ). Considerare testi lunghi 5 e calcolare la probabilità che il testo in chiaro sia ACQUA, supponendo di osservare il testo cifrato ZZZZZ e sapendo che  $p_P(\text{ACQUA}) = 0.0043$ . Motivare accuratamente la risposta.

### Esercizio 2

Scrivere un protocollo che permetta ad un utente  $A$  di mandare una email  $E$  cifrata ed autenticata a un destinatario  $B$ . In particolare  $A$  vuole proteggere la segretezza di  $E$  e  $B$  vuole verificare che la email proviene da  $A$  e non è una replica di un vecchio messaggio. Assumere che  $A$  e  $B$  conoscano le rispettive chiavi pubbliche  $PK_A$  e  $PK_B$  e considerare la possibilità che la email  $E$  sia di grandi dimensioni e non possa quindi essere cifrata tramite crittografia a chiave pubblica.

### Esercizio 3

Considerare la funzione hash  $h(X_1 \dots X_n) = X_1 \oplus b_1 \oplus X_2 \oplus b_2 \oplus \dots \oplus X_n \oplus b_n$ , dove  $\oplus$  è l'operazione di xor bit a bit,  $X_1, \dots, X_n$  sono blocchi di 256 bit e  $b_i$  è la rappresentazione binaria, sempre in 256 bit, del numero  $i$ . La funzione  $h(X)$  è adatta per essere utilizzata in un meccanismo di firma elettronica? Perché?

### Esercizio 4

Per migliorare uno schema di autenticazione login-password viene suggerito il seguente protocollo:

$$A \rightarrow B : A, E_K(pwd)$$

in cui  $A$  è la login,  $pwd$  è la password e  $K$  è una chiave a lungo termine condivisa tra  $A$  e  $B$ .

1. Il protocollo purtroppo non migliora molto la sicurezza. Illustrare descrivendo una sequenza di attacco;
2. Rendere sicuro il protocollo utilizzando due diverse tecniche viste a lezione. Mostrare come l'attacco al punto precedente viene evitato/individuato.

### Esercizio 5 (facoltativo)

I cifrari a chiave pubblica basano, generalmente, la loro sicurezza su problemi difficili da risolvere, da un punto di vista computazionale. Illustrare un esempio di tale risultato e discuterne le ricadute pratiche.