

### Esercizio 1

Si consideri un cifrario  $S$  a sostituzione con chiave  $\pi$ :

Testo in chiaro: A B C D E F G H I L M N O P Q R S T U V Z

Testo cifrato: R T F C I M E Z U V Q P G O B D N L H S A

1. Considerare il cifrario  $S' = S \times S$  ottenuto iterando  $S$  due volte con la stessa chiave  $\pi$  menzionata sopra. Che cifrario si ottiene?
2. Cosa accade se, nell'iterazione del punto precedente, si utilizza la chiave  $\pi$  prefissata nel primo cifrario  $S$  ma si sceglie la chiave  $\pi'$  del secondo cifrario  $S$  in modo equiprobabile (quindi diversa per ogni lettera da cifrare)?
3. Valutare infine, tramite la teoria di Shannon, la sicurezza di tutte le composizioni di cifrari discusse ai punti precedenti.

### Esercizio 2

Per quale motivo nell'implementazione del RSA non si calcola l'elevamento a potenza  $X^b$  come  $b$  moltiplicazioni di  $X$ ? Illustrare brevemente l'algoritmo square-and-multiply spiegando perché esso risulta adatto all'implementazione di RSA.

### Esercizio 3

Definire i *Message Authentication Codes (MAC)*. Mostrare un protocollo di autenticazione di entità basato su MAC e discutere le principali differenze rispetto all'autenticazione sfida/risposta basata su cifratura e/o decifratura.

### Esercizio 4

Scrivere un protocollo basato su nonce e crittografia a chiave simmetrica che soddisfi le seguenti specifiche:

1.  $A$  e  $B$  condividono una chiave a lungo termine simmetrica  $K_{AB}$ ;
2. Autenticazione e segretezza di  $K_s$ :  $A$  vuole inviare una chiave di sessione  $K_s$  autenticata e segreta a  $B$ :  $B$  deve essere sicuro che la chiave proviene da  $A$ , che è segreta e non è una replica;
3. Autenticazione e segretezza di  $M_B$ :  $B$  vuole inviare ad  $A$  un messaggio cifrato con la chiave di sessione  $K_s$ . Il messaggio deve inoltre essere autenticato:  $A$  deve essere sicura che il messaggio proviene da  $B$  e non è una replica.

Discutere la resistenza del protocollo proposto agli attacchi standard di replica. Indicare, infine, la tipologia delle sfide/risposte utilizzate.

### Esercizio 5 (facoltativo)

Esistono attacchi su protocolli crittografici che si basano sulla similitudine eccessiva tra differenti messaggi del protocollo stesso (attacchi "type-flaw"). Illustrare un esempio di tale tipologia di attacchi.