

### Esercizio 1

Si consideri un cifrario ‘autokey’ a flusso definito su testi lunghi  $d$ , ovvero  $\mathcal{P} = \mathcal{C} = \mathbb{Z}_{21}^d$ , e chiavi  $\mathcal{K} = \mathbb{Z}_{21}$ . Data la chiave iniziale  $k \in \mathcal{K}$  e un testo in chiaro  $x_1, \dots, x_d$ , il flusso di chiavi è definito come segue:  $z_1 = k$ ,  $z_i = x_{i-1}$  per  $i \in [2, d]$ . La funzione di cifratura è quindi definita come  $E_k(x_i) = x_i + z_i \bmod 21$ , per  $i \in [1, d]$ .

Definire la funzione di decifratura  $D_k(y_i)$  e decifrare il testo TAPND cifrato con chiave  $k = \text{B}$ . Mostrare, tramite un controesempio, che il cifrario non è perfetto, indipendentemente da come la chiave  $k$  viene scelta.

### Esercizio 2

Viene progettato un sistema di votazione elettronica in cui i voti degli elettori vengono inviati al server con una semplice cifratura  $E_k(v)$ , dove  $v$  è l’identificativo del candidato votato. Ipotizzando che un attaccante possa intercettare i messaggi in transito verso il server, mostrare un semplice scenario di attacco, di tipo *codebook*, in cui la segretezza dei voti viene violata senza necessariamente ‘rompere’ la chiave  $k$  o crittoanalizzare il cifrario  $E$ . Proporre una semplice tecnica per migliorare la sicurezza del protocollo.

### Esercizio 3

Perchè i protocolli *sfida-risposta* offrono maggiori garanzie di sicurezza rispetto ai protocolli basati su password? Dare un esempio di protocollo sfida-risposta discutendone la sicurezza rispetto agli attacchi di *replica*.

### Esercizio 4

Considerare il seguente protocollo:

$$\begin{aligned} A &\rightarrow B : M_A \\ B &\rightarrow A : M_B, \text{MAC}_k(M_B, M_A) \\ A &\rightarrow B : \text{MAC}_k(M_A, M_B) \end{aligned}$$

in cui  $k$  è una chiave a lungo termine condivisa tra  $A$  e  $B$ .

1. Quali garanzie di sicurezza su  $M_A$  e  $M_B$  offre tale protocollo?
2. Ipotizzando che  $M_A$  sia un’operazione bancaria che  $A$  chiede di eseguire alla banca  $B$ , e  $M_B$  un booleano che indica il successo dell’operazione  $M_A$ , mostrare uno scenario di attacco e proporre possibili modifiche al protocollo che lo rendano sicuro in questo contesto.

### Esercizio 5 (facoltativo)

Un cifrario è perfetto, secondo la teoria di Shannon, se i testi in chiaro e i testi cifrati sono *indipendenti*. Discutere questa affermazione, prima intuitivamente, e poi dando una definizione formale di cifrario perfetto. Esibire, infine, un cifrario che soddisfa tale proprietà, dimostrandola formalmente.